

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета



Нестеров П.Н.

20 июня 2023 г.

Рабочая программа дисциплины
Компьютерная гидродинамика

Направление подготовки (специальности)
02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)
«Программирование, алгоритмы и анализ данных»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена
на заседании кафедры
от 14 апреля 2023 г., протокол № 8

Программа одобрена НМК
математического факультета
протокол № 9 от 3 мая 2023 г.

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины «Компьютерная гидродинамика» являются изучение методов моделирования течения жидкости. Основное внимание уделяется вычислительным аспектам – построению разностных схем, анализу их устойчивости и программированию. Навыки численного анализа математических моделей физических процессов будут полезны выпускнику в профессиональной деятельности.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Компьютерная гидродинамика» относится к основной части образовательной программы и является дисциплиной по выбору.

Для освоения этой дисциплины студенты должны владеть аппаратом математического анализа, элементами аналитической геометрии и линейной алгебры, иметь опыт программирования.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Индикатор достижения компетенции (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
Общепрофессиональные компетенции		
ПК-3 Способен создавать и исследовать новые математические модели в естественных науках, промышленности и бизнесе, с учетом возможностей современных информационных технологий и программирования и компьютерной техники.	И-ПК_3.3 Умеет использовать методы проектирования и производства программного продукта, принципы построения, структуры и приемы работы с инструментальными средствами, поддерживающими создание программного продукта	Знать: - основные численные методы расчета течений несжимаемой жидкости (метод сеток, метод сглаженных частиц) - основные алгоритмы решения уравнения Навье-Стокса методом сеток. - алгоритм Дж. фон Неймана исследования разностной схемы на устойчивость Уметь: - представлять дифференциальные операторы в виде конечно-разностных отношений. - оценивать погрешность при аппроксимации - исследовать устойчивость построенной разностной схемы.

4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 акад. часа.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)						Формы текущего контроля успеваемости Форма промежуточной аттестации (по семестрам) Формы ЭО и ДОТ (при наличии)
			Контактная работа					самостоятельная работа	
			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания		
1.	Математические модели, описывающие течение вязкой жидкости.	7	2	4		1	5		
2.	Уравнение Навье-Стокса для функций тока и вихря	7	3	6		1	6		
3.	Исследование устойчивости разностных схем	7	3	6		1	6		
4.	Решение уравнений для функций тока и вихря	7	3	6		1	6		
5.	Граничные условия для функций тока и вихря	7	3	6		2	6		
6.	Обсуждение результатов численных экспериментов	7	2	4		2	5	18	
	Всего за семестр	108	16	32		8	34	18	Экзамен
	ИТОГО	108	16	32		8	34	18	
	в том числе с ЭО и ДОТ								

Содержание разделов дисциплины

1. Математические модели, описывающие течение вязкой жидкости.

1.1 Уравнение Навье-Стокса в переменных скорости и давления

- 1.2 Метод сглаженных частиц (SPH)
2. Уравнение Навье-Стокса для функций тока и вихря
3. Исследование устойчивости разностных схем.
 - 3.1 Описание неустойчивости
 - 3.2 Исследование устойчивости методом дискретных возмущений
 - 3.3 Анализ устойчивости по Нейману.
4. Решение уравнений для функций тока и вихря.
 - 4.1 Прямые методы.
 - 4.2 Метод Рундсона и метод Либмана
 - 4.3 Метод последовательной верхней релаксации.
5. Граничные условия для функций тока и вихря.
 - 5.1 Стенка в расчетной сетке первого типа.
 - 5.2 Условия на входной и выходной границе потока.
6. Обсуждение результатов численных экспериментов.
 - 6.1 Обсуждение результатов самостоятельной работы студентов.

5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Лекция – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

Академическая лекция с элементами лекции-беседы – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

Практическое занятие – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний.

Консультации – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

6. Перечень лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

- издательская система LaTeX;
- Adobe Acrobat Reader;
- Wolfram Mathematica;
- GNU Octave;
- Maxima;
- Microsoft Visual Studio Community
- <https://www.wolframcloud.com/>

7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)

Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»

http://www.lib.uni-yar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (при необходимости), рекомендуемых для освоения дисциплины

а) основная литература

основная литература

1. Роуч П. Вычислительная гидродинамика. М. Мир, 1980.
2. Астарита Дж., Маруччи Дж. Основы гидромеханики ньютоновских жидкостей. М.; Мир, 1978.
3. Зубов А.Д. , Лебедев А.М. Метод сглаженных частиц SPH для расчета газодинамических задач со сферической и цилиндрической симметриями. Вопросы атомной науки и техники. Серия: Математическое моделирование физических процессов. 2009 Выпуск 1.
4. Литвинов В.В. Литвинова О.И. Элементы вычислительной гидродинамики. Учебное пособие. Ярославль: ЯрГУ, 1997.

б) дополнительная литература

1. Самарский А.А. Теория разностных схем М. Мир, 1977.
2. Хвостова О.Е., Куркин А.А. Математическое моделирование оползневых цунами методом частиц (SPH). .Вестник БГТУ им.Шухова. 2009. №4.

в) ресурсы сети «Интернет» (при необходимости)

<https://reference.wolfram.com/language/?source=nav>

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа;
- учебные аудитории для проведения практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций;
- компьютерные классы для проведения практических занятий.

Автор:

Доцент кафедры

математического анализа, к.т.н. В. В. Литвинов

**Приложение № 1 к рабочей программе дисциплины
«Компьютерная гидродинамика»**

**Фонд оценочных средств
для проведения текущего контроля успеваемости
и промежуточной аттестации студентов
по дисциплине**

Задачи для самостоятельного решения (И-ПК_3.3)

1. Построить поле скоростей при установившемся течении ньютоновской жидкости в прямоугольном канале с препятствием в виде кораблика. На стенках канала и кораблика скорость равна нулю, а на входе в канал x - компонента имеет параболический профиль.
2. Рассчитать поле скоростей при установившемся течении ньютоновской жидкости в прямоугольном канале с препятствием в виде треугольника. На стенках и начальный момент времени скорость равна нулю. При входе в канал скорость потока имеет параболический профиль.
3. Построить поле скоростей при установившемся течении вязкой жидкости в прямоугольном канале с препятствием в виде круга. На стенках и в начальный момент времени скорость равна нулю. На входе в канал скорость имеет параболический профиль.

Требования для сдачи экзамена

По результатам выполнения самостоятельной работы проводится собеседование. Для сдачи экзамена студент должен

- 1) предъявить работоспособную программу (оценка «удовлетворительно»);
- 2) быть в состоянии ответить на вопросы по организации программы (оценка «хорошо»);
- 3) быть в состоянии изменять параметры решаемой задачи и анализировать результаты изменений (оценка «отлично»).

Приложение № 2 к рабочей программе дисциплины «Компьютерная гидродинамика»

Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Учебный план по дисциплине «Компьютерная гидродинамика» предполагает активную самостоятельную работу студентов. Предполагается, что ко времени изучения курса студент достаточно хорошо знаком с различными языками программирования и имеет опыт разработки достаточно сложных программ.

Каждый студент в начале курса получает индивидуальное задание. Примеры заданий приведены в Приложении 1. Возникающие при выполнении задания вопросы обсуждаются либо в аудитории, либо на консультациях. К моменту окончания курса каждый студент должен предъявить работоспособную программу.