

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова**

Кафедра компьютерной безопасности и математических методов обработки информации

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета



Нестеров П.Н.

20 июня 2023 г.

**Рабочая программа дисциплины**  
**Теория автоматов**

Направление подготовки (специальности)  
10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)  
«Математические методы защиты информации»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена  
на заседании кафедры  
от 14 апреля 2023 г., протокол № 8

Программа одобрена НМК  
математического факультета  
протокол № 9 от 3 мая 2023 г.

### **1. Цели освоения дисциплины**

Дисциплина "Теория автоматов" обеспечивает приобретение фундаментальных знаний, умений и навыков в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по специальности "10.05.01-Компьютерная безопасность" (уровень специалитета), содействует фундаментализации образования, развитию логического мышления и формированию математического и общенаучного мировоззрения. Целью изучения дисциплины является овладение базовыми понятиями и методами теории автоматов, формирование математической культуры студента, фундаментальная подготовка по основным разделам теории автоматов, овладение современным теоретико-автоматным аппаратом для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

### **2. Место дисциплины в структуре ОП специалитета**

Дисциплина "Теория автоматов" относится к "Обязательной части" блока Б.1. Она играет исключительно важную роль для общематематической и общепрофессиональной подготовки специалиста. При ее изучении существенно используются знания, полученные при изучении математических дисциплин "Алгебра", "Теория чисел", "Информатика" и "Математическая логика и теория алгоритмов". Знания, умения и навыки, полученные при изучении дисциплины "Теория автоматов", используются обучаемыми при изучении общепрофессиональных и профессиональных.

### **3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

| <b>Формируемая компетенция<br/>(код и формулировка)</b> | <b>Индикатор достижения компетенции<br/>(код и формулировка)</b> | <b>Перечень планируемых результатов обучения</b> |
|---------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------|
| <b>Общепрофессиональные компетенции</b>                 |                                                                  |                                                  |

|                                                                                                                                                                                            |                                                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>ОПК-10.</b> Способен проводить анализ корректности реализации комбинаторных, теоретико-числовых и криптографических алгоритмов и протоколов применительно к конкретным условиям;</p> | <p>И-ОПК-10.9 знает фундаментальные понятия теории автоматов</p> <p>И-ОПК-10.10 умеет решать типовые задачи теории автоматов</p> | <p><b>Знать:</b> знать основные понятия теории автоматов: комбинационные схемы из логических элементов, детерминированный автомат без выхода, способы его задания - табличный, диаграмма переходов, автоматные языки, регулярные выражения и регулярные языки, недетерминированный автомат без выхода и распознаваемый (принимаемый) им язык, эквивалентность автоматов, теорема С.Клини, теорема о накачке, неавтоматные языки, теорема Майхилла - Нероуда, детерминированные автоматы с выходом и автоматные функции, автоматные базисы и проблема полноты, ее алгоритмическая неразрешимость, эквивалентность состояний автомата с выходом, теорема Хаффмана - Мили, теоретико-автоматные модели шифраторов, представление дискретных функций многочленами над конечными полями</p> <p><b>Уметь:</b> строить комбинационные схемы из логических элементов, описывать функционирование детерминированного автомата без выхода в терминах преобразования конфигураций, задавать диаграммы переходов конечных детерминированных автоматов, задавать языки регулярными выражениями, задавать недетерминированные автоматы без выхода диаграммами переходов, устанавливать эквивалентность состояний автоматов, доказывать теорему С.Клини, теорему о накачке, применять теорему о накачке для доказательства неавтоматности языков, доказывать теорему Майхилла - Нероуда, доказывать разрешимость некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, уметь задавать детерминированные автоматы с выходом диаграммами переходов, и автоматные функции, доказывать теорему Хаффмана - Мили, устанавливать эквивалентность состояний детерминированного автомата с выходом, строить теоретико-автоматные модели шифраторов, находить представления дискретных функций над конечными полями многочленами</p> |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|                                                                                                            |                                                                                                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ОПК- 2.1 Способен разрабатывать алгоритмы, реализующие современные математические методы защиты информации | <b>И-ОПК-2.1_2</b><br>Способен разрабатывать алгоритмы, используемые в современных математических методах защиты информации | <b>Владеть навыками:</b> построения комбинационных схем из логических элементов, описания функционирования детерминированного автомата без выхода в терминах преобразования конфигураций, задания диаграмм переходов конечных детерминированных автоматов, задания языков регулярными выражениями, задания недетерминированных автоматов без выхода диаграммами переходов, установления эквивалентности состояний автоматов, применения теоремы о накачке для доказательства неавтоматности языков, доказательства разрешимости некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, задания детерминированных автоматов с выходом диаграммами переходов, применения теоремы Хаффмана - Мили для установления эквивалентности состояний детерминированного автомата с выходом, построения и исследования теоретико-автоматных моделей шифраторов, нахождения представления дискретных функций над конечными полями многочленами |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единиц, 108 акад. часов.

| № п/п | Темы (разделы) дисциплины, их содержание                                                                                    | Семестр | Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах) |              |              |              |                          |                        | Формы текущего контроля успеваемости<br><br>Форма промежуточной аттестации (по семестрам) |
|-------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------|--------------|--------------|--------------------------|------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------|
|       |                                                                                                                             |         | Контактная работа                                                                                         |              |              |              |                          |                        |                                                                                           |
|       |                                                                                                                             |         | Лекции                                                                                                    | практические | лабораторные | консультации | аттестационные испытания | самостоятельная работа |                                                                                           |
| 1     | <b>Введение.</b> Предмет курса. Принципы построения и изучения курса. Краткое содержание. Роль и место курса в формировании | 10      | 1                                                                                                         |              |              |              |                          | 1                      |                                                                                           |

|   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |  |   |   |  |  |  |   |                                                               |
|---|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|---|---|--|--|--|---|---------------------------------------------------------------|
|   | специалистов.<br>Рекомендации по изучению курса, самостоятельной работе и литературе. О формах контроля и отчетности при изучении курса.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |  |   |   |  |  |  |   |                                                               |
| 2 | <b>Схемы из функциональных элементов.</b><br>Комбинационные схемы из логических элементов. Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор. n-разрядный сумматор. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демультиплексоры.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |  | 3 | 3 |  |  |  | 3 | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |
| 3 | <b>Детерминированные автоматы без выхода.</b><br>Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами. Теорема С.Клини. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков. |  | 4 | 4 |  |  |  | 4 | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |

|   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |  |   |   |  |   |  |   |                                                               |
|---|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|---|---|--|---|--|---|---------------------------------------------------------------|
| 4 | <p><b>Недетерминированные автоматы без выхода.</b></p> <p>Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов. Теорема Майхилла - Нероуда. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.</p> |  | 4 | 3 |  |   |  | 4 | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |
| 5 | <p><b>Детерминированные автоматы с выходом.</b></p> <p>Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |  | 4 | 4 |  | 1 |  | 4 | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |

|   |                                                                                                                                                                                                                                                                                |  |   |   |  |   |  |   |                                                                       |
|---|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|---|---|--|---|--|---|-----------------------------------------------------------------------|
|   | <p>диаграммой переходов. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.</p>                                               |  |   |   |  |   |  |   |                                                                       |
| 6 | <p><b>Теоретико-автоматные модели шифраторов.</b> Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.</p>                                                                                                                   |  | 2 | 3 |  |   |  | 4 | <p>Задания для самостоятельной (домашней) работы<br/>Устный опрос</p> |
| 7 | <p><b>Поля.</b> Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теорема о башне полей.</p>                                 |  | 2 | 3 |  |   |  | 3 | <p>Задания для самостоятельной (домашней) работы<br/>Устный опрос</p> |
| 8 | <p><b>Поле разложения многочлена.</b> Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения. Описание и изоморфизм простых расширений поля. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена. Вид элементов конечного расширения поля.</p> |  | 2 | 3 |  | 1 |  | 3 | <p>Задания для самостоятельной (домашней) работы<br/>Устный опрос</p> |
| 9 | <p><b>Конечные поля и многочлены над ними.</b> Основные свойства конечных полей. Теоремы существования</p>                                                                                                                                                                     |  | 4 | 3 |  |   |  | 3 | <p>Задания для самостоятельной (домашней) работы<br/>Устный опрос</p> |

|    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |  |           |           |  |          |            |             |                                                               |
|----|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|-----------|-----------|--|----------|------------|-------------|---------------------------------------------------------------|
|    | и единственности. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем. Способ построения конечного поля. Описание минимального поля разложения и корней многочлена над конечным полем.                                                                                                                                             |  |           |           |  |          |            |             |                                                               |
| 10 | <b>Дискретные функции над конечными полями.</b> Представление дискретных функций многочленами над полем. Спектральные представления дискретных функций.                                                                                                                                                                                                                                                                             |  | 2         | 3         |  | 1        |            | 3           | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |
| 11 | <b>Линейные рекуррентные последовательности.</b> Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП. Усложнения линейных рекуррент. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след. |  | 4         | 3         |  |          |            | 3           | Задания для самостоятельной (домашней) работы<br>Устный опрос |
|    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |  |           |           |  |          | 0,3        | 1,7         | Зачет                                                         |
|    | <b>Всего 108 час.</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |  | <b>32</b> | <b>32</b> |  | <b>6</b> | <b>0,3</b> | <b>37,7</b> |                                                               |



## **Содержание разделов программы дисциплины "Теория автоматов":**

**Введение.** Предмет курса. Принципы построения и изучения курса. Краткое содержание. Роль и место курса в формировании специалистов. Рекомендации по изучению курса, самостоятельной работе и литературе. О формах контроля и отчетности при изучении курса.

### **Схемы из функциональных элементов.**

Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор.  $n$ -разрядный сумматор. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демultipлексоры.

**Детерминированные автоматы без выхода.** Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами. Теорема С.Клини. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков.

**Недетерминированные автоматы без выхода.** Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов. Теорема Майхилла - Нероуда. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.

**Детерминированные автоматы с выходом.** Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.

**Теоретико-автоматные модели шифраторов.** Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.

**Поля.** Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теорема о башне полей.

**Поле разложения многочлена.** Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения. Описание и изоморфизм простых расширений поля. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена. Вид элементов конечного расширения поля.

**Конечные поля и многочлены над ними.** Основные свойства конечных полей. Теоремы существования и единственности. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем. Способ построения конечного поля. Описание минимального поля разложения и корней многочлена над конечным полем.

**Дискретные функции.** Представление дискретных функций многочленами над полем. Спектральные представления дискретных функций.

**Линейные рекуррентные последовательности.** Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП. Усложнения линейных рекуррент. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след.

## **5. Образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

**Вводная лекция** – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

**Академическая лекция** (или лекция общего курса) – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Требования к академической лекции: современный научный уровень и насыщенная информативность, убедительная аргументация, доступная и понятная речь, четкая структура и логика, наличие ярких примеров, научных доказательств, обоснований, фактов.

**Лекция-беседа** или «диалог с аудиторией», является наиболее распространенной и сравнительно простой формой активного вовлечения студентов в учебный процесс. Эта лекция предполагает непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Преимущество лекции-беседы состоит в том, что она позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей студентов.

**Обобщающая лекция** – проводится в завершение изучения раздела или темы для закрепления знаний. На лекции вновь выделяются основные вопросы, используются обобщающие таблицы, схемы, алгоритмы, позволяющие включить усвоенные знания в новые связи и зависимости, переводя их на более высокие уровни усвоения.

**Практическое занятие** – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков и закреплению полученных на лекции знаний.

## **6. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)**

В процессе осуществления образовательного процесса используются:

- для формирования текстов материалов для промежуточной и текущей аттестации
- программы Microsoft Office, издательская система LaTeX;
- для подготовки материалов для лабораторных работ и материалов лекций - Microsoft Visual Studio 2013;
- для поиска учебной литературы библиотеки ЯрГУ – Автоматизированная библиотечная информационная система "БУКИ-NEXT" (АБИС "Буки-Next").

## **7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

### **а) основная литература**

1. Хопкрофт Джон Д., Мотвани Раджив, Ульман Джеффри Д. Введение в теорию автоматов, языков и вычислений, 2-е. изд.: Пер. с англ. М.: Издательский дом "Вильямс", 2002. 528 с.
2. Дурнев В.Г., Башкин М.А., Якимова О.П. Элементы дискретной математики. – Ярославль: ЯрГУ, 2007. – Часть 2. – 180 с.
3. Яблонский С. В. Введение в дискретную математику. – М.: Наука, 1986. – 384 с.
4. Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А. Задачи и упражнения по дискретной математике. – М.: Физматлит, 2004. – 424 с.

### **б) дополнительная литература**

1. Погорелов Б.А., Солодовников В.И., Черемушкин А.В. Теория автоматов и ее приложения, М. 1990.
2. Редькин Н. П. Дискретная математика. – М.: Изд-во ЦПИ при механико-математическом факультете МГУ им. М. В. Ломоносова, 2007. – 174 с.
3. Лидл Р., Нидеррайтер Г. Конечные поля. Т.1,2. М.: Мир. 1988.
4. Брауэр В. Введение в теорию конечных автоматов. М.: Мир. 1987.
5. Минский М. Вычисления и автоматы. М.: Мир. 1971.
6. Трахтенброт Б.А., Барздинь Я.М. Конечные автоматы. М.: Наука. 1970.

### **в) ресурсы сети «Интернет»**

#### **1.Электронные каталоги НБ ЯрГУ**

([http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)) содержат библиографические записи всех видов документов, составляющих фонд библиотеки, на русском и иностранных языках.

**2. Личный кабинет** ([http://lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_login.php](http://lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_login.php)) возможность получения on-line доступа к списку выданной в автоматизированном режиме литературы, просмотра и копирования электронных версий изданий сотрудников университета (учеб. и метод. пособия, тексты лекций и т.д.) Для работы в «Личном кабинете» необходимо зайти на сайт Научной библиотеки ЯрГУ с любой точки, имеющей доступ в Internet, в пункт меню «Электронный каталог»; пройти процедуру авторизации, выбрав вкладку «Авторизация», и заполнить представленные поля информации.

#### **3.Электронная библиотека учебных материалов ЯрГУ**

([http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)) содержит более 2500 полных текстов учебных и учебно-методических материалов по основным изучаемым дисциплинам, изданных в университете. Доступ в сети университета, либо по логину/паролю.

#### **4.Электронный архив ЯрГУ**

(<http://elar.uniyar.ac.ru/jspui/community-list>) представляет собой коллекцию полнотекстовых электронных публикаций в области научных исследований. База данных предназначена для использования в учебных и научных целях, облегчая доступ к информации о научных работах и их содержанию.

### Русскоязычные электронные ресурсы (внешние)

**1. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online»** ([www.biblioclub.ru](http://www.biblioclub.ru)) - электронная библиотека, обеспечивающая доступ к наиболее востребованным материалам-первоисточникам, учебной, научной и художественной литературе ведущих издательств (\*регистрация в электронной библиотеке – только в сети университета. После регистрации работа с системой возможна с любой точки доступа в Internet.)

**2. Научная электронная библиотека (НЭБ)** (<http://elibrary.ru>) – это крупнейший российский информационный портал, содержащий рефераты и полные тексты более 12 млн. научных статей и публикаций. **ЯрГУ выписывает в электронном виде 66 журналов**, более 2 500 наименований журналов на английском и русском языках находятся в свободном доступе. Для работы с полными текстами необходимо зарегистрироваться. Доступ к полным текстам журналов в сети университета.

**3. Электронная библиотека диссертаций** Российской государственной библиотеки (<http://diss.rsl.ru>) содержит более 580 000 полных текстов диссертаций и авторефератов. Доступ осуществляется в сети университета. Необходимо обратиться к сотрудникам библиотеки для регистрации.

**4. БД «ВИНИТИ РАН»** (<http://www2.viniti.ru/>)- Федеральная база отечественных и зарубежных публикаций по естественным, точным и техническим наукам, генерируется с 1981 г., обновляется ежемесячно, пополнение составляет около 1 млн. документов в год. БД включает 28 тематических фрагментов, состоящих из 217 разделов. Для работы необходим логин и пароль, которые можно получить в библиотеке ЯрГУ, заполнив регистрационную форму.

### Англоязычные электронные ресурсы

**1. MyiLibrary** (<http://lib.myilibrary.com/>)– электронная книжная коллекция Ingram Digital Group, включает электронные книги (более 200000) наиболее известных научных издательств. В состав ресурсов MyiLibrary входит коллекция книг **Оксфордского Российского Фонда** на английском языке.

**2. Springer** (<http://link.springer.com/>) - издает научные, технические и медицинские полнотекстовые коллекции, включая журналы, монографии, энциклопедии и справочники. Полнотекстовые журналы и книги Springer предлагаются в составе предметных коллекций (доступ предоставлен при поддержке РФФИ).

**3. База данных MathSciNet** издательства **American Mathematical Society** (<http://www.ams.org/mathscinet/index.html>) - база данных обзоров, рефератов, библиографической информации и цитирования (доступ предоставлен при поддержке РФФИ).

**4. Архивы полнотекстовых электронных журналов Oxford University Press** ([www.oxfordjournals.org](http://www.oxfordjournals.org)) - электронные журналы и книги в широком спектре тематик (науки о жизни, математика, информатика, законодательство, экономика, политика, медицина, общественная жизнь). Полнотекстовые журналы Oxford University Press предлагаются в составе предметных коллекций.

**8. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Аудитории, оборудованные для проведения лекций, практических занятий и консультаций, фонд библиотеки, компьютерная техника.

Автор(ы):

Профессор, доктор физ.-матем. наук Дурнев В.Г.

**Приложение №1 к рабочей программе дисциплины  
«Теория автоматов»**

**Фонд оценочных средств  
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов  
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания или иные материалы,  
необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности,  
характеризующих этапы формирования компетенций**

**1.1 Контрольные задания и иные материалы,  
используемые в процессе текущей аттестации**

**Домашние задания по теме № 3 "Детерминированные автоматы без выхода."**

Задания для самостоятельного решения № 1.1 - 1.27 из параграфа 1 главы VI, № 2.1 - 2.24 из параграфа 2 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

**Домашние задания по теме № 4 "Недетерминированные автоматы без выхода. "**

Задания для самостоятельного решения № 1.1 - 1.27 из параграфа 1 главы VI, № 2.1 - 2.24 из параграфа 2 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

**Домашние задания по теме № 5 "Детерминированные автоматы с выходом."**

Задания для самостоятельного решения № 3.1 - 3.22 из параграфа 3 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

**Домашние задания по теме № 7 "Поля."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из параграфа 6 глава XXI учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

**Домашние задания по теме № 8 "Поле разложения многочлена. "**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из параграфа 6 глава XXI учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

**Домашние задания по теме № 9 "Конечные поля и многочлены над ними."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 17 из параграфа 5 глава XXII учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

**Домашние задания по теме № 10 "Дискретные функции."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 76 из параграфа 13 глава XXV учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

Задания для самостоятельного решения № 10.1 - 10.21 из параграфа 10 главы 2 сборника задач Глухов М.М. Задачи и упражнения по математической логике, дискретным функциям и теории алгоритмов: учеб. пособие для вузов / М. М. Глухов, О. А. Козлитин, В. А. Шапошников, А. Б. Шишков. СПб., Лань, 2008, 111 с.

Домашние задания по теме № 11 **"Линейные рекуррентные последовательности."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из главы IX учебника Алферов А.П. Основы криптографии. Учебное пособие. / А.П. Алферов, А. Ю. Зубов, А.С. Кузьмин, А.В. Черемушкин. М.: Гелиос АРВ, 2002. 480 с.

Задания для самостоятельного решения № 1 - 76 из параграфа 13 глава XXV учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

### **Рекомендуемый перечень тем контрольных работ**

Булевы функции и функции  $k$ -значной логики. **NP-полнота.**

Детерминированные и недетерминированные автоматы без выхода.

Детерминированные автоматы с выходом.

Конечные поля и многочлены над ними.

Линейные рекуррентные последовательности.

### **Темы рефератов**

1. Детерминированные и недетерминированные автоматы без выхода и принимаемые (распознаваемые) ими языки.
2. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов.
3. Регулярные выражения и регулярные языки. Теорема С. Клини.
4. Автоматы с выходом и автоматные функции.  $n$ -местные автоматные функции. Суперпозиция автоматных функций.
5. Проблема полноты для автоматных функций.
6. Теоретико-автоматные модели шифраторов.

## **1.2 Список вопросов и (или) заданий для проведения промежуточной аттестации**

### **Вопросы к зачету по дисциплине "Теория автоматов"**

1. Схемы из функциональных элементов. Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор.  $n$ -разрядный сумматор.
2. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демультиплексоры.
3. Детерминированные автоматы без выхода. Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
4. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом.
5. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами.
6. Теорема С.Клини.

7. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков.
8. Недетерминированные автоматы без выхода. Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
9. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом.
10. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов.
11. Теорема Майхилла - Нероуда.
12. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.
13. Детерминированные автоматы с выходом. Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
14. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость.
15. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.
16. Теоретико-автоматные модели шифраторов. Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.
17. Поля. Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей.
18. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теоремы о башнях полей.
19. Поле разложения многочлена. Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения.
20. Описание и изоморфизм простых расширений поля.
21. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена.
22. Вид элементов конечного расширения поля.
23. Конечные поля и многочлены над ними. Основные свойства конечных полей. Теоремы существования и единственности.
24. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе. 25. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем.
25. Способ построения конечного поля.
26. Описание минимального поля разложения многочлена над конечным полем.
27. Дискретные функции. Представление дискретных функций многочленами над полем.
28. Спектральные представления дискретных функций.
29. Линейные рекуррентные последовательности. Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода.
30. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП.
31. Усложнения линейных рекуррент.
32. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след.

**Фонд оценочных средств  
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов  
по дисциплине "Теория автоматов"**



1. Схемы из функциональных элементов. Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор.  $n$ -разрядный сумматор.
2. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демультиплексоры.
3. Детерминированные автоматы без выхода. Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
4. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом.
5. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами.
6. Теорема С.Клини.
7. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков.
8. Недетерминированные автоматы без выхода. Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
9. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом.
10. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов.
11. Теорема Майхилла - Нероуда.
12. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.
13. Детерминированные автоматы с выходом. Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
14. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость.
15. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.
16. Теоретико-автоматные модели шифраторов. Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.
17. Поля. Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей.
18. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теоремы о башнях полей.
19. Поле разложения многочлена. Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения.
20. Описание и изоморфизм простых расширений поля.
21. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена.
22. Вид элементов конечного расширения поля.
23. Конечные поля и многочлены над ними. Основные свойства конечных полей. Теоремы существования и единственности.
24. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе.
25. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем.
25. Способ построения конечного поля.
26. Описание минимального поля разложения многочлена над конечным полем.
27. Дискретные функции. Представление дискретных функций многочленами над полем.
28. Спектральные представления дискретных функций.
29. Линейные рекуррентные последовательности. Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода.

30. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП.
31. Усложнения линейных рекуррент.
32. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след.

## **2. Перечень компетенций, этапы их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкалы оценивания**

### **2.1 Шкала оценивания сформированности компетенций и ее описание**

Оценивание уровня сформированности компетенций в процессе освоения дисциплины осуществляется по следующей трехуровневой шкале:

**Пороговый уровень** - предполагает отражение тех ожидаемых результатов, которые определяют минимальный набор знаний и (или) умений и (или) навыков, полученных студентом в результате освоения дисциплины. Пороговый уровень является обязательным уровнем для студента к моменту завершения им освоения данной дисциплины.

**Продвинутый уровень** - предполагает способность студента использовать знания, умения, навыки и (или) опыт деятельности, полученные при освоении дисциплины, для решения профессиональных задач. Продвинутый уровень превосходит пороговый уровень по нескольким существенным признакам.

**Высокий уровень** - предполагает способность студента использовать потенциал интегрированных знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, полученных при освоении дисциплины, для творческого решения профессиональных задач и самостоятельного поиска новых подходов в их решении путем комбинирования и использования известных способов решения применительно к конкретным условиям. Высокий уровень превосходит пороговый уровень по всем существенным признакам.

**2.2 Перечень компетенций, этапы их формирования,  
описание показателей и критериев оценивания компетенций  
на различных этапах их формирования**

| Код компетенции                                                                                                                                   | Форма контроля | Этапы формирования (№ темы (раздела)) | Показатели оценивания                                                                                                       | Шкала и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------|---------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                   |                |                                       |                                                                                                                             | Пороговый уровень                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | Продвинутый уровень                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | Высокий уровень                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|                                                                                                                                                   |                |                                       |                                                                                                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| Общепрофессиональные компетенции                                                                                                                  |                |                                       |                                                                                                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| ОПК-10.<br>Способен проводить анализ корректности реализации комбинаторных, теоретико-числовых и криптографических алгоритмов и протоколов примен | Зачет          | 2-5                                   | ИД_ОПК-10.9 знает фундаментальные понятия теории автоматов<br><br>ИД_ОПК-10.10 умеет решать типовые задачи теории автоматов | <b>Знает:</b> основные понятия теории автоматов: комбинационные схемы из логических элементов, детерминированный автомат без выхода, способы его задания - табличный, диаграмма переходов, автоматные языки, регулярные выражения и регулярные языки, недетерминированный автомат без выхода и распознаваемый (принимаемый) им язык, эквивалентность автоматов, теорема С.Клини, теорема о накачке, неавтоматные языки, теорема Майхилла - Нероуда, детерминированные автоматы с выходом и автоматные функции, автоматные базисы и проблема полноты, ее алгоритмическая неразрешимость, эквивалентность состояний автомата с выходом, теорема Хаффмана - Мили, теоретико-автоматные модели шифраторов, представление дискретных функций многочленами над конечными | <b>Знает:</b> основные понятия теории автоматов: комбинационные схемы из логических элементов, детерминированный автомат без выхода, способы его задания - табличный, диаграмма переходов, автоматные языки, регулярные выражения и регулярные языки, недетерминированный автомат без выхода и распознаваемый (принимаемый) им язык, эквивалентность автоматов, теорема С.Клини, теорема о накачке, неавтоматные языки, формулировку теоремы Майхилла - Нероуда, детерминированные автоматы с выходом и автоматные функции, автоматные базисы и проблема полноты, ее алгоритмическая неразрешимость, эквивалентность состояний автомата с выходом, формулировку теоремы Хаффмана - Мили, теоретико-автоматные модели шифраторов, представление дискретных функций | <b>Знает:</b> основные понятия теории автоматов: комбинационные схемы из логических элементов, детерминированный автомат без выхода, способы его задания - табличный, диаграмма переходов, автоматные языки, регулярные выражения и регулярные языки, недетерминированный автомат без выхода и распознаваемый (принимаемый) им язык, эквивалентность автоматов, доказательство теоремы С.Клини, теоремы о накачке, неавтоматные языки, теоремы Майхилла - Нероуда, детерминированные автоматы с выходом и автоматные функции, автоматные базисы и проблема полноты, ее алгоритмическая неразрешимость, эквивалентность состояний автомата с выходом, теоремы Хаффмана - Мили, теоретико-автоматные модели шифраторов, представление дискретных функций многочленами над |

|                                                 |       |      |                                          |                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|-------------------------------------------------|-------|------|------------------------------------------|------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ИТЕЛЬН<br>О К<br>конкрет<br>ным<br>услови<br>ям |       |      |                                          | ПОЛЯМИ                                                     | <p>многочленами над конечными полями</p> <p><b>Умеет:</b> строить комбинационные схемы из логических элементов, описывать функционирование детерминированного автомат без выхода в терминах преобразования конфигураций, задавать диаграммы переходов конечных детерминированных автоматов, задавать языки регулярными выражениями, задавать недетерминированные автоматы без выхода диаграммами переходов, устанавливать эквивалентность состояний автоматов, применять теорему о накачке для доказательства неавтоматности языков, применять теорему Майхилла - Нероуда, доказывать разрешимость некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, уметь задавать детерминированные автоматы с выходом диаграммами переходов, и автоматные функции, доказывать теорему Хаффмана - Мили, устанавливать эквивалентность состояний детерминированного автомата с выходом, строить теоретико-автоматные модели шифраторов, находить представления дискретных функций над конечными полями многочленами</p> | <p>конечными полями</p> <p><b>Умеет:</b> строить комбинационные схемы из логических элементов, описывать функционирование детерминированного автомат без выхода в терминах преобразования конфигураций, задавать диаграммы переходов конечных детерминированных автоматов, задавать языки регулярными выражениями, задавать недетерминированные автоматы без выхода диаграммами переходов, устанавливать эквивалентность состояний автоматов, доказывать теорему С.Клини, теорему о накачке, применять теорему о накачке для доказательства неавтоматности языков, доказывать теорему Майхилла - Нероуда, доказывать разрешимость некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, уметь задавать детерминированные автоматы с выходом диаграммами переходов, и автоматные функции, доказывать теорему Хаффмана - Мили, устанавливать на ее основе эквивалентность состояний детерминированного автомата с выходом, строить теоретико-автоматные модели шифраторов, находить представления дискретных функций над конечными полями многочленами</p> |
| ОПК-2.1                                         | Зачет | 5-11 | ИД_ОПК-2.1_2 владеет навыками разработки | <b>Владеет навыками:</b> построения комбинационных схем из | <b>Владеет навыками:</b> построения комбинационных схем из                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | <b>Владеет навыками:</b> построения комбинационных схем из                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |

|                                                                                                                                                           |  |  |                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|--|-----------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Способ<br>ен<br>разраба<br>тывать<br>алгорит<br>мы,<br>реализу<br>ющие<br>соврем<br>енные<br>матема<br>тически<br>е<br>методы<br>защиты<br>информ<br>ации |  |  | алгоритмов, реализующих<br>современные математические<br>методы защиты информации | логических элементов, описания<br>функционирования<br>детерминированного автомат без<br>выхода в терминах преобразования<br>конфигураций, задания диаграмм<br>переходов конечных<br>детерминированных автоматов,<br>задания языков регулярными<br>выражениями, задания<br>недетерминированных автоматов<br>без выхода диаграммами<br>переходов, установления<br>эквивалентности состояний<br>автоматов, применения теоремы о<br>накачке для доказательства<br>неавтоматности языков,<br>доказательства разрешимости<br>некоторых алгоритмических<br>проблем для автоматных и<br>регулярных языков, задания<br>детерминированных автоматов с<br>выходом диаграммами переходов,<br>применения теоремы Хаффмана -<br>Мили для установления<br>эквивалентности состояний<br>детерминированного автомата с<br>выходом, построения и<br>исследования теоретико-<br>автоматных моделей шифраторов,<br>нахождения представления<br>дискретных функций над<br>конечными полями многочленами | логических элементов, описания<br>функционирования<br>детерминированного автомат без<br>выхода в терминах преобразования<br>конфигураций, задания диаграмм<br>переходов конечных<br>детерминированных автоматов,<br>задания языков регулярными<br>выражениями, задания<br>недетерминированных автоматов<br>без выхода диаграммами<br>переходов, установления<br>эквивалентности состояний<br>автоматов, применения теоремы о<br>накачке для доказательства<br>неавтоматности языков,<br>доказательства разрешимости<br>некоторых алгоритмических<br>проблем для автоматных и<br>регулярных языков, задания<br>детерминированных автоматов с<br>выходом диаграммами переходов,<br>применения теоремы Хаффмана -<br>Мили для установления<br>эквивалентности состояний<br>детерминированного автомата с<br>выходом, построения и<br>исследования теоретико-<br>автоматных моделей шифраторов,<br>нахождения представления<br>дискретных функций над<br>конечными полями многочленами | логических элементов, описания<br>функционирования<br>детерминированного автомат без<br>выхода в терминах преобразования<br>конфигураций, задания диаграмм<br>переходов конечных<br>детерминированных автоматов,<br>задания языков регулярными<br>выражениями, задания<br>недетерминированных автоматов<br>без выхода диаграммами<br>переходов, установления<br>эквивалентности состояний<br>автоматов, применения теоремы о<br>накачке для доказательства<br>неавтоматности языков,<br>доказательства разрешимости<br>некоторых алгоритмических<br>проблем для автоматных и<br>регулярных языков, задания<br>детерминированных автоматов с<br>выходом диаграммами переходов,<br>применения теоремы Хаффмана -<br>Мили для установления<br>эквивалентности состояний<br>детерминированного автомата с<br>выходом, построения и<br>исследования теоретико-<br>автоматных моделей шифраторов,<br>нахождения представления<br>дискретных функций над<br>конечными полями многочленами |
|                                                                                                                                                           |  |  |                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |

### **3. Методические рекомендации преподавателю по процедуре оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

Целью процедуры оценивания является определение степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения (знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности).

Процедура оценивания степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения осуществляется с помощью методических материалов, представленных в разделе «Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций»

#### **3.1 Критерии оценивания степени овладения знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности, определяющие уровни сформированности компетенций**

**Пороговый уровень** (общие характеристики):

- владение основным объемом знаний по программе дисциплины;
- знание основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы без существенных ошибок;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении стандартных (типовых) задач;
- способность самостоятельно применять типовые решения в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- знание базовых теорий, концепций и направлений по изучаемой дисциплине;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, периодическое участие в групповых обсуждениях, достаточный уровень культуры исполнения заданий.

**Продвинутый уровень** (общие характеристики):

- достаточно полные и систематизированные знания в объеме программы дисциплины;
- использование основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении учебных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в базовых теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им сравнительную оценку;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

**Высокий уровень** (общие характеристики):

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины;
- точное использование терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- безупречное владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно и творчески решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;

- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им критическую оценку;
- активная самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, творческое участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

### **3.2 Описание процедуры выставления оценки**

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка. Для дисциплин, изучаемых в течение нескольких семестров, оценка может выставляться не только по окончании ее освоения, но и в промежуточных семестрах. Вид оценки («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «незачтено») определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «отлично» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована на высоком уровне.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на продвинутом уровне.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

### **Методические указания для студентов по освоению дисциплины**

Основной формой изложения учебного материала по дисциплине "Дискретная математика" являются лекции, что связано, прежде всего, с очень высоким уровнем абстрактности изучаемых в математической логике понятий, ее глубокими и прочными связями с основаниями математики и с ее философскими вопросами. По большому числу тем предусмотрены практические занятия, целью которых является закрепление лекционного материала путем решения специальным образом подобранных задач и упражнений.

Для успешного освоения дисциплины важно самостоятельное решение достаточно большого набора хорошо подобранных задач, как в аудитории, так и самостоятельно в качестве домашних заданий. Примеры решения задач разбираются на лекциях и практических занятиях, при необходимости по наиболее трудным темам проводятся дополнительные консультации. Основная цель решения задач – помочь усвоить фундаментальные понятия и основы дискретной математики. Для решения задач необходимо не только знать, но и понимать лекционный материал. Поэтому в процессе изучения дисциплины рекомендуется регулярная работа с конспектами лекций и рекомендованной литературой.

Большое внимание должно быть уделено выполнению домашней работы. В качестве заданий для самостоятельной работы дома студентам предлагаются задачи, аналогичные разобранным на лекциях и практических занятиях или немного более сложные, которые являются результатом объединения нескольких базовых задач. Причем особое внимание уделяется активизации самостоятельной работы студентов над задачами: выдача обучаемым для самостоятельной работы текущих домашних заданий, частичный разбор их решений на практических занятиях и постоянный контроль их выполнения.

Для проверки и контроля усвоения теоретического материала, приобретенных практических навыков работы с основными понятиями дискретной математики в течение обучения проводятся мероприятия текущей аттестации в виде устного опроса на практических занятиях и контрольных работ в 4-м и 5-ом семестре. Также проводятся консультации (при необходимости) по лекционному материалу и разбору некоторых заданий для самостоятельной работы.

В конце каждого семестра изучения дисциплины студенты сдают экзамен. Экзамен принимается по экзаменационным билетам, каждый из которых включает в себя два теоретических вопроса. Билеты формируются на основании списка вопросов к экзамену, который охватывает полностью всю программу дисциплины. На самостоятельную подготовку к экзамену выделяется 3 дня, во время подготовки к экзамену предусмотрена групповая консультация.

### **Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов по дисциплине "Теория автоматов"**

Для самостоятельной работы рекомендуется использовать следующую учебную литературу:

1. Хопкрофт Джон Д., Мотвани Раджив, Ульман Джеффри Д. Введение в теорию автоматов, языков и вычислений, 2-е. изд.: Пер. с англ. М.: Издательский дом "Вильямс", 2002. 528 с.
2. Дурнев В.Г., Башкин М.А., Якимова О.П. Элементы дискретной математики. – Ярославль: ЯрГУ, 2007. – Часть 2. – 180 с.



3. Яблонский С. В. Введение в дискретную математику. – М.: Наука, 1986. – 384 с.

Для углубленного изучения отдельных тем рекомендуется обращаться к следующей литературе:

1. Погорелов Б.А., Солодовников В.И., Черемушкин А.В. Теория автоматов и ее приложения, М. 1990.
2. Лупанов О. Б. Асимптотические оценки сложности управляющих систем. – М.: Изд-во Моск. ун-та, 1984. – 138 с.
3. Яблонский С. В. Элементы математической кибернетики. – М.: Высшая школа, 2007. – 188 с.
4. Редькин Н. П. Дискретная математика. – М.: Изд-во ЦПИ при механико-математическом факультете МГУ им. М. В. Ломоносова, 2007. – 174 с.
5. Брауэр В. Введение в теорию конечных автоматов. М.: Мир. 1987.
6. Минский М. Вычисления и автоматы. М.: Мир. 1971.
7. Трахтенброт Б.А., Барздин Я.М. Конечные автоматы. М.: Наука. 1970.

Для подбора дополнительного материала, особенно при написании рефератов и выполнении курсовых работ рекомендуется использовать интернет-ресурсы:

#### **в) ресурсы сети «Интернет»**

##### **1.Электронные каталоги НБ ЯрГУ**

([http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)) содержат библиографические записи всех видов документов, составляющих фонд библиотеки, на русском и иностранных языках.

**2. Личный кабинет** ([http://lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_login.php](http://lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_login.php)) возможность получения on-line доступа к списку выданной в автоматизированном режиме литературы, просмотра и копирования электронных версий изданий сотрудников университета (учеб. и метод. пособия, тексты лекций и т.д.) Для работы в «Личном кабинете» необходимо зайти на сайт Научной библиотеки ЯрГУ с любой точки, имеющей доступ в Internet, в пункт меню «*Электронный каталог*»; пройти процедуру авторизации, выбрав вкладку «*Авторизация*», и заполнить представленные поля информации.

##### **3.Электронная библиотека учебных материалов ЯрГУ**

([http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)) содержит более 2500 полных текстов учебных и учебно-методических материалов по основным изучаемым дисциплинам, изданных в университете. Доступ в сети университета, либо по логину/пароллю.

##### **4.Электронный архив ЯрГУ**

(<http://elar.uniyar.ac.ru/jspui/community-list>) представляет собой коллекцию полнотекстовых электронных публикаций в области научных исследований. База данных предназначена для использования в учебных и научных целях, облегчая доступ к информации о научных работах и их содержанию.

#### **Русскоязычные электронные ресурсы (внешние)**

**1. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online»** ([www.biblioclub.ru](http://www.biblioclub.ru)) - электронная библиотека, обеспечивающая доступ к наиболее востребованным материалам-первоисточникам, учебной, научной и художественной литературе ведущих издательств (\*регистрация в электронной библиотеке – только в сети университета. После регистрации работа с системой возможна с любой точки доступа в Internet.)

**2. Научная электронная библиотека (НЭБ)** (<http://elibrary.ru>) – это крупнейший российский информационный портал, содержащий рефераты и полные тексты более 12 млн. научных статей и публикаций. **ЯрГУ выписывает в электронном виде 66 журналов**, более 2 500 наименований журналов на английском и русском языках находятся в свободном доступе. Для работы с полными текстами необходимо зарегистрироваться. Доступ к полным текстам журналов в сети университета.

**3. Электронная библиотека диссертаций** Российской государственной библиотеки (<http://diss.rsl.ru>) содержит более 580 000 полных текстов диссертаций и авторефератов. Доступ осуществляется в сети университета. Необходимо обратиться к сотрудникам библиотеки для регистрации.

**4. БД «ВИНИТИ РАН»** (<http://www2.viniti.ru/>–) Федеральная база отечественных и зарубежных публикаций по естественным, точным и техническим наукам, генерируется с 1981 г., обновляется ежемесячно, пополнение составляет около 1 млн. документов в год. БД включает 28 тематических фрагментов, состоящих из 217 разделов. Для работы необходим логин и пароль, которые можно получить в библиотеке ЯрГУ, заполнив регистрационную форму.

### **Англоязычные электронные ресурсы**

**1. MyiLibrary** (<http://lib.myilibrary.com/>) – электронная книжная коллекция Ingram Digital Group, включает электронные книги (более 200000) наиболее известных научных издательств. В состав ресурсов MyiLibrary входит коллекция книг **Оксфордского Российского Фонда** на английском языке.

**2. Springer** (<http://link.springer.com/>) - издает научные, технические и медицинские полнотекстовые коллекции, включая журналы, монографии, энциклопедии и справочники. Полнотекстовые журналы и книги Springer предлагаются в составе предметных коллекций (доступ предоставлен при поддержке РФФИ).

**3. База данных MathSciNet** издательства **American Mathematical Society** (<http://www.ams.org/mathscinet/index.html>) - база данных обзоров, рефератов, библиографической информации и цитирования (доступ предоставлен при поддержке РФФИ).